

La droite dans le plan

Tronc commun

Le plan est muni d'un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .

Exercice 1 :

① - Etudier la colinéarité des vecteur \vec{u} et \vec{v} dans les cas suivants :

a - $\vec{u}(2;-3)$ et $\vec{v}(4;6)$.

b - $\vec{u}(\sqrt{3}-1;1)$ et $\vec{v}(2;\sqrt{3}+1)$.

② - Etudier l'alignement des points A , B et C dans les cas suivants :

a - $A(3;5)$; $B(-2;2)$; $C(8;8)$.

b - $A\left(-1; \frac{-5}{2}\right)$; $B(3;1)$; $C\left(6; \frac{29}{8}\right)$.

Exercice 2 :

① - Déterminer une équation cartésienne de la droite (D) passant par A et dirigé par \vec{u} dans les cas suivants :

a - $A(-1;3)$; $\vec{u}(2;5)$.

b - $A(1;2)$; $\vec{u}=3\vec{i}+4\vec{j}$.

② - Déterminer une représentation paramétrique de la droite (D) passant par A et dirigé par \vec{u} dans les cas suivants :

a - $A(2;-4)$; $\vec{u}(3;-7)$.

b - $A(1;0)$; $\vec{u}=5\vec{i}-3\vec{j}$.

③ - Déterminer une équation cartésienne de la droite (D) définie par sa représentation paramétrique dans les cas suivants :

a - $(D): \begin{cases} x = 3 - 3t \\ y = -2 + t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$.

b - $(D): \begin{cases} x = t \\ y = -1 - 4t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$.

④ - Déterminer une représentation paramétrique de la droite (D) définie par son équation cartésienne dans les cas suivants :

a - $(D): 3x - 2y + 1 = 0$

b - $(D): x + 2y = 0$

Exercice 3 :

Soient $A(1;1)$, $B(2;-1)$ et $\vec{u}=\vec{i}+\vec{j}$.

① - Déterminer une équation cartésienne de la droite (AB) .

② - Déterminer une équation cartésienne de la droite (D) passant par A et dirigé par \vec{u} .

③ - Soit (Δ) la droite définie par la représentation paramétrique :

$(\Delta): \begin{cases} x = t \\ y = t - 3 \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$. Montrer que $(\Delta) \parallel (D)$.

③ - Soit (L) la droite définie par l'équation cartésienne : $(L): x - 4y + 3 = 0$.

Déterminer le couple des coordonnées de point C l'intersection de (Δ) et (L) .

④ - a - Soit D le point sachant que $ABCD$ est un parallélogramme. Déterminer le couple des coordonnées de point D .

b - Vérifier que $D \in (D)$.

Exercice 4 :

Soient $A(2;-1)$, $B(-2;3)$ et $C(-2;0)$.

① - Déterminer une représentation paramétrique de la droite (AB) .

② - Soit (D) la droite passant par C et parallèle à la droite $(\Delta): 2x - y = 0$.

a - Déterminer une équation cartésienne de la droite (D) .

b - Déterminer le couple des coordonnées de point E l'intersection de (D) et (AB) .

c - Construire les droites (D) et (AB) .

Exercice 5 :

Soient $A\left(\frac{1}{2}; \frac{3}{2}\right)$, $B(3;1)$ et le point C tel

que A milieu de segment $[OC]$.

① - Déterminer les coordonnées de point C .

② - Déterminer une équation cartésienne de la droite (BC) .

③ - Soit (D) la droite définie par l'équation cartésienne (D) : $y = x$.

a - Déterminer le couple des coordonnées de point I l'intersection de (D) et (BC) .

b - Vérifier que I milieu de $[BC]$.

Exercice 6 : Soient $A(-1;5)$, $B(2;-1)$ et (Δ) la droite définie par la représentation paramétrique : $(\Delta) : \begin{cases} x = 4t \\ y = 8t + 1 \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$.

① - Déterminer une équation cartésienne de la droite (AB) .

② - Déterminer une équation cartésienne de la droite (Δ) .

③ - Déterminer le couple des coordonnées de point C l'intersection de (Δ) et (AB) .

④ - Soient E et F deux points appartenant à la droite (Δ) . Montrer que $AEBF$ est un parallélogramme si et seulement si $x_F + x_E = 1$.

Exercice 7 : Soient (D) passant par $A(-1;2)$ et de vecteur directeur $\vec{u}(1;2)$ et (Δ) la droite définie par la représentation paramétrique : $(\Delta) : \begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = -4t + 1 \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$.

① - Montrer que : $(\Delta) \parallel (D)$.

② - a - Déterminer une équation cartésienne de la droite (D) .

b - Construire les droites (D) et (Δ) .

③ - Soit (L) la droite qui coupe l'axe des abscisses au point I d'abscisse $x_I = 4$ et coupe l'axe des ordonnées au point J d'ordonnée $y_J = -2$.

a - Déterminer une équation cartésienne de la droite (L) .

b - Déterminer le couple des coordonnées de point K l'intersection de (D) et (L) .

c - Vérifier que J milieu de $[IK]$.

Exercice 8 : Soit $ABCD$ un parallélogramme de centre O .

① - Déterminer les coordonnées des points A , B , C , D , et O dans le repère $(A, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$.

② - Déterminer une équation cartésienne de la droite (OC) .

③ - Soit (D) la droite définie par son équation cartésienne (D) : $x + 2y - 3 = 0$.

a - Déterminer une représentation paramétrique de la droite (D) .

b - Montrer que : $(OC) \parallel (D)$.

Exercice 9 : Soit ABC un triangle dans le plan.

① - Construire les points M , N et F tel que :

$$\overrightarrow{AN} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AC}, \quad \overrightarrow{MA} = \frac{2}{3} \overrightarrow{MB} \text{ et } \overrightarrow{AF} = \frac{1}{2} \overrightarrow{MC}.$$

② - Déterminer les coordonnées des points A , B , C , M , N et F dans le repère $(A, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$.

③ - Déterminer une équation cartésienne de la droite (MN) .

④ - Montrer que les points M , N et F sont alignés.

Exercice 10 : Soit $ABCD$ un trapèze à bases $[AB]$ et $[CD]$, I le point d'intersection de ses diagonales $[AC]$ et $[BD]$, et J le point d'intersection de ses côtés $[AD]$ et $[BC]$. On munit le plan d'un repère $(A, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD})$ et on pose $x_C = a$ l'abscisse de point C .

① - Donner les équations des droites (AC) et (BD) puis Déterminer les coordonnées de I .

① - Déterminer les équations des droites (AD) et (BC) puis Déterminer les coordonnées de J .